

OPCIÓN B

E1.- a) Encontrar los valores de k para que la matriz $A = \begin{pmatrix} k-1 & 2 & -2 \\ 0 & k-2 & 1 \\ 1 & 0 & 1 \end{pmatrix}$ sea invertible. **(1 punto)**

b) Encontrar la inversa de A para $k = 2$. **(1 punto)**

E2.- Sean la recta $r \equiv \frac{x-1}{m} = \frac{y-1}{2} = \frac{z-1}{4}$ y el plano $\pi \equiv x + y + kz = 0$.

Encontrar m y k para que:

- a)** La recta r sea perpendicular al plano π . **(1 punto)**
b) La recta r esté contenida en el plano π . **(1 punto)**

E3.- Sea el polinomio $f(x) = ax^3 + bx^2 + cx + d$ del cual sabemos que $f(0) = 1, f(1) = 0$ y que tiene extremos relativos en $x = 0$ y $x = 1$. Calcular a, b, c y d .

(2 puntos)

E4.- a) Sea $f(x) = \frac{2x+3}{x^2+3x+1}$. Hallar el área del recinto limitado por la gráfica de $f(x)$, el eje OX y las rectas $x = 0$ y $x = 2$. **(1 punto)**

b) Calcular $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{x \operatorname{sen}(x)}{3 \cos(x) - 3}$. **(1 punto)**

E5.- En una competición de tiro olímpico hay 10 rifles, 4 con visor telescopico y 6 sin él. La probabilidad de que un tirador haga blanco con un rifle con visor telescopico es 0,95 y sin él es de 0,65.

- a)** Halla la probabilidad de hacer blanco escogiendo un rifle al azar. **(1 punto)**
b) Si el tirador hace blanco. ¿Es más probable que haya disparado con un rifle con visor telescopico o sin él? **(1 punto)**

Distribución Normal

$$F(x) = \frac{1}{\sqrt{2\pi}} \int_{-\infty}^x e^{-\frac{1}{2}t^2} dt$$

